

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Минцаев Магомед Шавалович

Должность: Ректор

Дата подписания: 26.11.2023 23:15:47

Уникальный идентификатор:


236bcc35c296f119d6aafdc22836b21db52dbc07971a86865a5825f9fa4304c

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ГРОЗНЕНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ НЕФТЯНОЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени академика М.Д. Миллионщикова

«УТВЕРЖДАЮ»

Первый проректор

И.Г.Гайрабеков



« 01 » 09 2020 _ г

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины

«МАТЕМАТИКА»

Направление подготовки

21.05.06 Нефтегазовая техника и технологии

Специализация

«Разработка и эксплуатация нефтяных месторождений»

Квалификация выпускника

горный инженер (специалист)

Грозный – 2020

1. Цели и задачи дисциплины

Целью математического образования бакалавра является: обучение студентов основным положениям и методам математики, навыкам построения математических доказательств путем логических рассуждений, методам решения задач. В техническом университете математика является базовым курсом, на основе которого студенты изучают другие фундаментальные дисциплины, а также общепрофессиональные и специальные дисциплины, требующие хорошей математической подготовки.

Воспитание у студентов математической культуры включает в себя понимание необходимости математической составляющей в общей подготовке бакалавра, выработку представлений о роли математики в современной цивилизации и в мировой культуре, умение логически мыслить, оперировать абстрактными объектами и быть корректным в употреблении математических понятий и символов для выражения количественных и качественных отношений.

Задачами изучения дисциплины является обучение студентов основным математическим методам, их знакомство с различными приложениями этих методов к решению практических задач.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Математика» относится к обязательной части Блока 1.

Дисциплина является предшествующей для курсов: информатика; физика; физика пласта и других дисциплин технического направления.

3. Требования к уровню освоения содержания дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций и индикаторов их достижения:

- способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, выработать стратегию действий (УК-1).

В результате изучения дисциплины студент должен:

Знать:

- основы системного подхода, принципы решения задач в неопределенной ситуации.

Уметь:

- анализировать задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи;
- находить и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи;
- рассматривать возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки;
- грамотно, логично, аргументировано формировать собственные суждения и оценки. Отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности.
- определять и оценивать последствия возможных решений задачи;

Владеть:

- навыками проведения критического анализа проблемных ситуаций в ходе решения задач профессиональной деятельности.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Таблица 1

Вид учебной работы	Всего		Семестр							
	часов/ зач.ед.		1	2	3	4	1	2	3	4
	ОФО	ЗФО	ОФО	ОФО	ОФО	ОФО	ЗФО	ЗФО	ЗФО	ЗФО
Контактная работа	298/8,28	88/2,44	102/2,83	64/1,78	68/1,89	64/1,78	28/0,78	20/0,56	20/0,56	20/0,56
В том числе:										
Лекции	132/3,67	40/1,11	34/0,94	32/0,89	34/0,95	32/0,89	10/0,28	10/0,28	10/0,28	10/0,28
Практические занятия	166/4,61	48/1,33	68/1,89	32/0,89	34/0,95	32/0,89	18/0,5	10/0,28	10/0,28	10/0,28
Самостоятельная работа (всего)	188/5,22	524/14,56	78/2,16	80/2,22	76/2,11	80/2,22	152/4,22	124/3,44	124/3,44	124/3,44
В том числе:										
<i>И (или) другие виды самостоятельной работы:</i>										
Выполнение письменной СР	64/1,78	248/6,89	16/0,44	16/0,4	16/0,4	16/0,4	62/1,72	62/1,72	62/1,72	62/1,72
Изучение вопросов, вынесенных на самостоятельную работу	251/6,97	276/7,67	62/1,72	64/1,8	61/1,69	64/1,8	90/2,5	62/1,72	62/1,72	62/1,72
Вид отчетности	Экзамен	Экзамен	Экзамен	Экзамен	Экзамен	Экзамен	Экзамен	Экзамен	Экзамен	Экзамен
Общая трудоемкость дисциплины	ВСЕГО в часах	396	396	180	144	144	144	180	144	144
	ВСЕГО в зач. единицах	11	11	5	4	4	4	5	4	4

5. Содержание учебной дисциплины

5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Таблица 2

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекции ч/з.е.	Практ. зан. ч/з.е.	Всего ч/з.е.
	1 семестр			
	Всего	34/0,94	68/1,89	102/2,83
1	Линейная и векторная алгебра	16	32	48
2	Аналитическая геометрия	10	20	30
3	Введение в математический анализ	8	20	28
	2 семестр			
	Всего	32/0,89	32/0,89	64/1,78
4	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	20	20	40
5	Функции нескольких переменных	12	12	24
	3 семестр			
	Всего	34/0,94	34/0,94	68/1,89
6	Интегральное исчисление функции одной переменной	18	18	36
7	Дифференциальные уравнения	16	16	32
	4 семестр			
	Всего	32/0,89	32/0,89	64/1,78
8	Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы	8	8	16
9	Ряды	10	10	20
10	Основы теории вероятностей и математической статистики	14	14	28
	Итого	132/3,66	166/4,57	298/8,23

5.2. Лекционные занятия

Таблица 3

№ п/п	Наименование дидактической единицы (раздел)	Содержание разделов
1-й семестр		
1	Линейная и векторная алгебра	<p>Определители второго и третьего порядков и их свойства. Понятие об определителе n-го порядка. Системы линейных уравнений и их исследование. Метод Крамера и метод Гаусса решения систем. Матрицы и действия над ними. Обратная матрица. Матричный способ решения систем линейных уравнений. Декартовы прямоугольные координаты на плоскости и в пространстве. Векторы. Действия над векторами. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.</p>
2	Аналитическая геометрия	<p>Различные уравнения прямой на плоскости. Точка пересечения двух прямых, угол между двумя прямыми. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору. Общее уравнение плоскости. Уравнение плоскости в отрезках. Расстояние от точки до плоскости. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Прямая в пространстве. Канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве. Угол между прямыми в пространстве. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости. Точка пересечения прямой и плоскости. <i>Поверхности вращения. Цилиндрические и конические поверхности. Поверхности второго порядка.</i></p>

3	Введение в математический анализ	<p><i>Множество действительных чисел. Числовые промежутки. Модуль числа. Понятие функции. Область определения и область значений функции. Способы задания функции. Основные элементарные функции и их графики.</i></p> <p>Предел функции в точке и на бесконечности. Бесконечно малые функции. Ограниченные функции. Бесконечно большие функции и их связь с бесконечно малыми функциями. Основные теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей вида: $\frac{0}{0}; \frac{\infty}{\infty}$. Первый и второй замечательные пределы. <i>Непрерывность функции. Точки разрыва и их классификация. Свойства непрерывных функций: ограниченность, существование наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений.</i></p> <p><i>Комплексные числа: определение, алгебраическая запись чисел и арифметические действия над ними; тригонометрическая и показательная формы записи; возведение в степень комплексных чисел; извлечение корня n-й степени.</i></p>
---	----------------------------------	---

2-й семестр

4	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	<p>Определение производной, ее геометрический и механический смысл. Дифференцируемость функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. Производные основных элементарных функций. Дифференциал функций. Геометрический смысл дифференциала. <i>Применение дифференциала к приближенным вычислениям.</i> Производные параметрически заданных функций. Дифференцирование неявно заданных функций. Логарифмическое дифференцирование Производные и дифференциалы высших порядков. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталья. Формула Тейлора. Необходимые и достаточные условия возрастания и убывания функции. Необходимые и достаточные условия экстремума функции. Выпуклость и вогнутость кривой. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построение ее графика.</p>
5	Функции нескольких переменных	<p>Функции нескольких переменных. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Частные производные. Полный дифференциал. Приложение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Частные производные высших порядков. <i>Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности.</i> Производная по направлению. Градиент. Экстремум функции двух переменных. Безусловный экстремум. <i>Метод наименьших квадратов обработки экспериментальных данных.</i></p>

3-й семестр

	Интегральное исчисление функции одной переменной	<p>Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных интегралов. Интегрирование подведением под знак дифференциала; замена переменной, интегрирование по частям. Интегрирование дробно-рациональной функции; интегрирование простейших тригонометрических функций, интегрирование иррациональностей. Определенный интеграл как предел интегральных сумм. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенного интеграла с помощью замены переменной и интегрированием по частям. <i>Приближенное вычисление определенных интегралов. Несобственные интегралы. Признаки сходимости несобственных интегралов.</i> Приложения определенных интегралов: вычисления площадей плоских фигур, длины дуги плоской кривой, объемов тел.</p>
7	Дифференциальные уравнения	<p>Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Общие понятия и определения. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, в полных дифференциалах. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка. Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков. Структура общего решения линейного однородного уравнения. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Неоднородные дифференциальные уравнения с правой частью специального вида. <i>Метод Лагранжа решения линейного неоднородного уравнения. Системы дифференциальных уравнений. Нормальная система. Метод исключения решения системы дифференциальных уравнений.</i> Системы линейных дифференциальных уравнений первого порядка с постоянными коэффициентами.</p>
4-й семестр		
8	Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы	<p>Задачи геометрического и физического характера, приводящие к понятию двойного интеграла. Свойства двойного интеграла. Вычисление двойного интеграла. Тройной интеграл. Вычисление тройного интеграла. Замена переменных в кратных интегралах. <i>Приложения кратных интегралов: вычисление площадей плоских фигур; вычисление объемов тел. Криволинейные интегралы первого и второго рода. Приложения криволинейных интегралов. Поверхностные интегралы первого и второго рода.</i></p>
9	Ряды	<p>Числовые ряды, сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Ряды с положительными членами. Достаточные признаки сходимости: признаки сравнения, признак Даламбера, радикальный и интегральный признаки Коши. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость. Функциональные ряды, область сходимости. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости. <i>Дифференцирование и интегрирование рядов.</i> Разложение функций в степенные ряды.</p>

10	Основы теории вероятностей и математической статистики	<p>Предмет теории вероятностей. Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Классическое и геометрическое определения вероятности. Комбинаторика. Бином Ньютона. Элементарная теория вероятностей. Повторные испытания. Формула Бернулли. Наивероятнейшее число m_0 наступления события в данной серии опытов. Дискретные случайные величины. Функция распределения, свойства. Непрерывные случайные величины. Функция распределения, плотность распределения, их взаимосвязь и свойства. Числовые характеристики случайной непрерывной величины. Нормальное распределение и его числовые характеристики. Случайные векторы. Закон распределения. Числовые характеристики случайных векторов. Условные математические ожидания. Функции регрессии. Коэффициент корреляции. <i>Нормированная случайная величина. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Теорема Маркова. Интегральная теорема Муавра-Лапласа.</i></p> <p><i>Основы статистического описания. Гистограмма и полигон частот. Эмпирическое распределение и его свойства. Выборочные характеристики и их распределения. Точечные оценки. Свойства несмещенности, состоятельности и эффективности. Отыскание оценок методом моментов.</i></p>
----	--	---

Примечание. Курсивом выделены вопросы для самостоятельной работы студентов

5.3. Практические занятия

Таблица 4

Номера разделов	Тематика практических занятий
1-й семестр	
1	<p>Линейная и векторная алгебра. Вычисление определителей 2-го, 3-го и n-го порядков. Решение систем линейных уравнений методом Крамера. Сложение и умножение матриц. Нахождение обратной матрицы. Решение систем уравнений матричным методом. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений. Понятие вектора и действия над ними. Орты. Проекция вектора на ось. Длина вектора. Скалярное произведение двух векторов, условие перпендикулярности векторов. Векторное и смешанное произведения векторов и их свойства. Направляющие косинусы векторов. Геометрический смысл векторного и смешанного произведений.</p>
2	<p>Аналитическая геометрия. Различные виды уравнений прямой на плоскости. Точка пересечения прямых, угол между прямыми. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Уравнение плоскости, проходящей через заданную точку перпендикулярно данному вектору. Общее уравнение плоскости. Уравнение плоскости в отрезках. Расстояние от точки до плоскости. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Прямая в пространстве. Канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве. Угол между прямыми в пространстве. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости. Точка пересечения прямой и плоскости.</p>

3	<p>Введение в математический анализ. Предел числовой последовательности. Предел функции в точке и на бесконечности. Бесконечно большие и бесконечно малые функции. Вычисление пределов. Раскрытие неопределенностей. Первый и второй замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых функций. Правила раскрытия неопределенностей. <i>Понятие непрерывности функции. Односторонние пределы. Точки разрыва, их классификация.</i></p> <p><i>Комплексные числа. Алгебраическая форма записи комплексного числа. Модуль и аргумент комплексного числа. Действия над комплексными числами. Тригонометрическая и показательная формы записи комплексного числа. Формула Муавра-Лапласа.</i></p>
2-й семестр	
4	<p>Дифференциальное исчисление функций одной переменной. Производные основных элементарных функций. Таблица производных. Правила дифференцирования. Производная сложной функции. Дифференцирование неявной функции. Производная функции, заданной параметрически. Логарифмическое дифференцирование. Дифференциал функции. Правило Лопиталя и его использование для раскрытия неопределенностей. Исследование функции с помощью производной. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на отрезке. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построение её графика.</p>
5	<p>Функции нескольких переменных. Область определения функции двух переменных. Частные производные функции нескольких переменных. Полный дифференциал. Экстремум функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в замкнутой области. Производная по направлению. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.</p>
3-й семестр	
6	<p>Интегральное исчисление функции одной переменной. Понятие первообразной. Неопределённый интеграл и его свойства. Таблица неопределённых интегралов. Основные методы интегрирования: непосредственное интегрирование, интегрирование методом подведения под знак дифференциала, метод замены переменной, метод интегрирования по частям. Многочлены. Основная теорема алгебры. Разложение многочлена на линейные и квадратные множители. Интегрирование рациональных дробей. Типы простейших дробей и их интегрирование. Интегрирование рациональных дробей методом разложения на простейшие дроби. Интегрирование простейших иррациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций. Определённый интеграл и его свойства. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в определенном интеграле. Формула интегрирования по частям. Приложения определённого интеграла.</p>
7	<p>Дифференциальные уравнения. Дифференциальные уравнения 1-го порядка: с разделяющимися переменными, однородные и линейные. Простейшие дифференциальные уравнения 2-го порядка, допускающие понижение порядка. Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения 2-го порядка. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Решение однородных уравнений. Решение неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами с правой частью специального вида.</p>
4-й семестр	

8	<p>Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы. Двойной интеграл, его свойства. Изменение порядка интегрирования. Вычисление двойного интеграла сведением к повторному. Тройной интеграл и его вычисление. Замена переменных в кратных интегралах. <i>Криволинейные интегралы, их свойства и вычисление. Поверхностные интегралы и их вычисление. Приложения кратных, криволинейных и поверхностных интегралов.</i></p>
9	<p>Ряды. Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Основные свойства сходящихся рядов. Необходимое условие сходимости ряда. Теоремы сравнения. Признаки Даламбера, Коши. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Понятие о функциональном ряде. Степенные ряды. Интервал и радиус сходимости.</p>
10	<p>Основы теории вероятностей и математической статистики. Общие правила комбинаторики: правило суммы, правило произведения. Размещения, перестановки, сочетания. Случайные события и операции над ними. Несовместные события. Полная группа попарно несовместных событий. Классическое определение вероятности. Свойства классической вероятности. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторные испытания. Биномиальное распределение. Формула Бернулли. Наивероятнейшее значение числа появления события. Случайная величина. Функция распределения и её свойства. Дискретные и непрерывные случайные величины. Плотность распределения, её свойства. Нормальный закон распределения. Независимые случайные величины. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание, её свойства. Коэффициент корреляции, его свойства. Основные понятия математической статистики: выборочная совокупность, генеральная совокупность, повторная выборка, бесповторная выборка, относительный показатель выборки. Ошибка репрезентативности. Генеральная средняя, выборочная средняя. Доверительные интервалы для оценки математического ожидания нормального распределения. Оценка вероятности (биномиального распределения) по относительной частоте. Статистическое распределение выборки. Полигон частот, гистограмма частот.</p>

6. Самостоятельная работа студентов по дисциплине

Самостоятельная работа студентов **организуется** в соответствии с «Положением о самостоятельной работе студентов ГГНГУ» следующим образом:

- на первом практическом занятии руководителем этих занятий даются подробные пояснения о принятом в университете «Положении о балльно-рейтинговой системе оценки учебной деятельности студента» и «Регламенте балльно-рейтинговой оценки учебной деятельности студента по кафедре «Высшая и прикладная математика»;
- организуется выдача студентам заданий по самостоятельной работе (СР) не позднее, чем в течение первых двух недель с начала семестра;
- в конце каждого практического занятия студентам выдаётся домашнее задание;
- в начале следующего занятия осуществляется проверка домашнего задания и даётся оценка его выполнению, которая учитывается при аттестации учебной деятельности студента;
- на консультациях, проводимых преподавателем по утверждённому на кафедре графику, контролируется ход выполнения студентами СР, а также им оказывается помощь по возникающим у них вопросам;
- организуется защита СР до начала зачётно-экзаменационной сессии;
- в начале лекционных занятий проверяется работа студентов над материалом предыдущей лекции устным тестированием; оценки этого тестирования также учитываются при подведении итогов аттестации студентов.

На самостоятельную работу студентов выносятся следующие темы:

№№ п/п	Темы для самостоятельного изучения	Кол.часов
1	Поверхности второго порядка и их канонические уравнения.	36
2	Введение в математический анализ. Множество действительных чисел. Числовые промежутки. Модуль числа. Погрешность вычисления (абсолютная, относительная). Определение функции. Способы задания функции. Элементарные функции, их графики: целая рациональная функция, дробно-рациональная функция, степенная функция. Показательная и логарифмическая функции.	24
3	Комплексные числа: определение, алгебраическая запись чисел и арифметические действия над ними; тригонометрическая и показательная формы записи; возведение в степень комплексных чисел; извлечение корня n -й степени.	34
4	Применение дифференциала к приближенным вычислениям. Непрерывность функции. Точки разрыва и их классификация. Свойства непрерывных функций: ограниченность, существование наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений.	36
5	Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности. Метод наименьших квадратов обработки экспериментальных данных.	20
6	Приближённое вычисление определённых интегралов. Несобственные интегралы. Признаки сходимости несобственных интегралов	24
7	Метод Лагранжа решения линейного неоднородного уравнения. Системы дифференциальных уравнений. Нормальная система. Метод исключения решения системы дифференциальных уравнений.	36
8	Дифференцирование и интегрирование рядов.	24
9	Приложения кратных интегралов: вычисление площадей плоских фигур; вычисление объёмов тел. Криволинейные интегралы первого и второго рода. Приложения криволинейных интегралов. Поверхностные интегралы первого и второго рода.	36
10	Нормированная случайная величина Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Теорема Маркова. Теорема Пуассона. Интегральная теорема Муавра – Лапласа. Основы статистического описания. Гистограмма и полигон частот. Эмпирическое распределение и его свойства. Выборочные характеристики и их распределения. Точечные оценки. Свойства несмещённости, состоятельности и эффективности. Отыскание оценок методом моментов.	44
Итого:		314

Образец письменной самостоятельной работы для 1-го семестра по разделу «Элементы линейной и векторной алгебры и аналитической геометрии»

1. Найти произведение $A \cdot B$ и $B \cdot A$ матриц

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & -3 & -4 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \text{ если это возможно.}$$

1. Решить систему линейных уравнений:

- 1) по правилу Крамера;
- 2) методом Гаусса;

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 4, \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = 4, \\ 3x_1 + 4x_2 + x_3 = 0. \end{cases}$$

4. Даны четыре точки A, B, C и D . Найти, применяя векторную алгебру:

- 1) угол ABC ;
- 2) площадь треугольника ABC ;
- 3) объем пирамиды $ABCD$.

$$A(3, 2, 1) \quad B(2, -1, 0) \quad C(4, 0, -5) \quad D(-1, 2, 3)$$

5. На плоскости xOy даны три точки A, B и C . Найти:

- 1) уравнение стороны AB треугольника ABC ;
- 2) уравнение средней линии треугольника ABC , параллельной стороне AB ;
- 3) угол BAC ;
- 4) уравнение высоты, опущенной из вершины C ;
- 5) расстояние от точки C до прямой AB .

$$A(1, 1) \quad B(-1, 3) \quad C(-5, 0)$$

6. Привести к каноническому виду уравнения кривых и построить их.

- a) $3x^2 + 2y^2 + 6x + 4y - 1 = 0$
- b) $9x^2 - 4y^2 + 18x + 8y - 31 = 0$
- c) $3x^2 - 6x + y + 5 = 0$

7. Дана пирамида $ABCD$. Написать:

- 1) уравнение прямой AB ;
- 2) уравнение плоскости ABC ;
- 3) найти расстояние от вершины D до грани ABC ;
- 4) найти проекцию точки D на плоскости ABC ;
- 5) найти угол между гранью ABC и ребром AD .

$$A(3, 2, 1), \quad B(2, -1, 0), \quad C(4, 0, -5), \quad D(-1, 2, 3).$$

**Образец письменной самостоятельной работы для 2-го семестра
по разделу «Дифференциальное исчисление функции одной переменной»**

I. Найти производные функций:

1) $y = 4x^5 - \frac{5}{x^3} + \sqrt{x^3} - \frac{10}{\sqrt[3]{x}} + \sqrt{5}$;

2) $y = (x^2 - 6x + 7) \cdot \lg x$;

3) $y = \frac{4x^3 + 21}{x^2}$;

4) $y = \operatorname{arctg} \sqrt{2x - 1}$;

5) $y = \ln(\sin 2x + \cos 2x)$;

6) $y = e^{\sqrt{1 + \ln x}}$, $y'(1) = ?$;

7) $y = 6^{\operatorname{tg} x}$, $y'' = ?$;

8) $\begin{cases} x = \arcsin t, \\ y = \ln t, \end{cases} \quad y'_x = ?$;

9) $x^y = y^x$;

10) $y = (\arcsin x)^{e^x}$;

$$*11) y = \frac{7^x + \sqrt{7}}{x^2 \cdot \operatorname{arctg} x};$$

$$*12) y = \frac{\sqrt[3]{x-3} \cdot (x+7)^5}{(x-4)^2}.$$

II. Найти указанные пределы, используя правило Лопиталя:

$$1) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{10x^2 - 7x}{2 - 3x + 4x^3};$$

$$2) \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}} \frac{4\sin^2 x - 6\sin x + 2}{2\sin^2 x + 5\sin x - 3};$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 5} \left(\frac{1}{x-5} - \frac{5}{x^2 - x - 20} \right);$$

$$4) \lim_{x \rightarrow 1} \operatorname{tg} \frac{\pi}{2} x \cdot \ln \operatorname{tg} \pi x.$$

III. Провести полное исследование функций и построить их графики:

$$1) y = \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^2;$$

$$2) y = \ln(4 - x^2)$$

**Образец письменной самостоятельной работы для 3-го семестра
по разделу «Интегральное исчисление»**

Вариант 1

Неопределенный Интеграл	Определенный интеграл	Несобственный интеграл
Интегрирование подведением под знак дифференциала: 1) $\int \frac{x+1}{2x^2+9} dx$, 2) $\int \frac{e^{\operatorname{tg} x}}{\cos^2 x} dx$	Непосредственное применение формулы Ньютона – Лейбница: 1) $\int_1^4 \frac{(1+\sqrt{x})^2}{x^2} dx$	Интегралы с бесконечными пределами: 1) $\int_1^{\infty} \frac{x^2 dx}{1+x^6}$
Интегрирование по частям: 3) $\int (4-3x)e^{-3x} dx$	Замена переменной: 2) $\int_0^{\frac{\sqrt{5}}{2}} \frac{dx}{\sqrt{(5-x^2)^3}}$	Интегралы с неограниченными подынтегральными функциями: 2) $\int_0^2 \frac{dx}{\sqrt[3]{(x-2)^2}}$
Интегрирование функции вида $\frac{Ax+B}{\sqrt{ax^2+bx+c}}$ и $\frac{Ax+B}{ax^2+bx+c}$: 4) $\int \frac{xdx}{\sqrt{4+6x-x^2}}$	Площадь плоской фигуры. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: 3) $y = (x-2)^3$; $y = 4x-8$	
Интегрирование рациональных функций: 5) $\int \frac{x^3+4x^2+4x+2}{(x+1)^2(x^2+x+1)} dx$		
Интегрирование иррациональных функций: 6) $\int \frac{dx}{\sqrt{1-2x-\sqrt[4]{1-2x}}}$		

**Образец письменной самостоятельной работы для 4-го семестра
по разделу «Кратные и криволинейные интегралы»**

I. Представить двойной интеграл $\iint_D f(x, y) dx dy$ в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по x и по y , если область D задана указанными линиями

$$D: y^2 = 2x, x^2 = 2y, x \leq 1;$$

II. Вычислить двойной интеграл по области D , ограниченной указанными линиями

$$\iint_D (y - x) dx dy, D: y = x, y = x^2;$$

III. Вычислить площадь области D , ограниченной заданными линиями.

$$D: y = x^2 + 1, x + y = 3;$$

IV. Вычислить тройной интеграл

$$\iiint_V (2x^2 + 3y + z) dx dy dz, V: 2 \leq x \leq 3, -1 \leq y \leq 2, 0 \leq z \leq 4;$$

V. Вычислить криволинейный интеграл I-го рода $J = \int_L f(M) dl$.

$$f(M) = 4\sqrt[3]{x} - 3\sqrt{y}, L - \text{отрезок прямой от точки } (1,0) \text{ до точки } (0,1).$$

7. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

1. Вопросы для коллоквиума (текущий контроль).
2. Образцы контрольных работ для рубежных аттестаций.
3. Перечень теоретических вопросов, выносимых на экзамен.
4. Образцы экзаменационных билетов.

ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ПЕРВОГО СЕМЕСТРА

Вопросы для коллоквиума (текущий контроль)

1-я аттестация

Линейная и векторная алгебра

1. Основные свойства определителей.
2. Вывод формул Крамера для решения систем линейных уравнений.
3. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
4. Матричный способ решения систем линейных уравнений.
5. Вывод формулы в координатной форме для скалярного произведения векторов.
6. Вывод условий параллельности и условия перпендикулярности двух векторов.
7. Вывод формулы в координатной форме для векторного произведения векторов.
8. Вывод формулы в координатной форме для смешанного произведения векторов.
9. Длина вектора (вывод формулы в координатной форме).

2-я аттестация

Аналитическая геометрия

1. Вывод уравнения прямой, проходящей через заданную точку перпендикулярно нормальному вектору прямой.
2. Вывод общего уравнения прямой на плоскости.
3. Вывод уравнения прямой, проходящей через заданную точку параллельно направляющему вектору прямой.
4. Вывод уравнения прямой, проходящей через две заданные точки.
5. Переход от одной формы уравнения прямой к другой форме.
6. Кривые второго порядка и их канонические уравнения.

7. Общее уравнение плоскости, уравнение плоскости в отрезках; построение плоскости.
8. Угол между двумя плоскостями.
9. Уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки (вывод).
10. Канонические уравнения прямой в пространстве (вывод).

Образцы контрольных работ для рубежных аттестаций

1-я аттестация

1. Решить систему уравнений:
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 2, \\ x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 5. \end{cases}$$
2. Даны координаты точек $K(5;6;-2)$, $B(2;-4;5)$, $D(-5;3;-1)$. Найти угол BKD .
3. Даны векторы $\vec{a} = \{3;-1;-2\}$ и $\vec{b} = \{1;2;-1\}$. Найти $(2\vec{a} - \vec{b}) \times (2\vec{a} + \vec{b})$.

2-я аттестация

1. Даны точки на плоскости: $A(-3; 2)$, $B(-1; 5)$. Составить общее уравнение прямой, проходящей через эти точки, привести его к виду с угловым коэффициентом и постройте прямую.
2. Составить уравнение плоскости, которая проходит через точку $M_0(-2;1;-1)$ и имеет нормальный вектор $\vec{n} = \{1;-2;3\}$.
3. Найти пределы: 1) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^3 + 6x + 1}{9x^3 + x + 7}$, 2) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{7x}$.

Теоретические вопросы, вынесенные на экзамен

Линейная и векторная алгебра

1. Основные свойства определителей.
2. Вывод формул Крамера для решения систем линейных уравнений.
3. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
4. Матричный способ решения систем линейных уравнений.
5. Вывод формулы в координатной форме для скалярного произведения векторов.
6. Вывод условий параллельности и условия перпендикулярности двух векторов.
7. Вывод формулы в координатной форме для векторного произведения векторов.
8. Вывод формулы в координатной форме для смешанного произведения векторов.
9. Длина вектора (вывод формулы в координатной форме).

Аналитическая геометрия

10. Вывод уравнения прямой, проходящей через заданную точку перпендикулярно нормальному вектору прямой.
11. Вывод общего уравнения прямой на плоскости.
12. Вывод уравнения прямой, проходящей через заданную точку параллельно направляющему вектору прямой.
13. Вывод уравнения прямой, проходящей через две заданные точки.
14. Переход от одной формы уравнения прямой к другой форме.
15. Вывод канонического уравнения окружности.
16. Вывод канонического уравнения эллипса и его анализ.
17. Вывод канонического уравнения гиперболы и его анализ.

18. Вывод канонического уравнения параболы и его анализ.
19. Уравнение плоскости, проходящей через заданную точку перпендикулярно нормальному вектору (вывод).
20. Общее уравнение плоскости, уравнение плоскости в отрезках; построение плоскости
21. Угол между двумя плоскостями.
22. Условия параллельности и условие перпендикулярности двух плоскостей (вывод)
23. Условие пересечения трех плоскостей в одной точке.
24. Уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки (вывод).
25. Канонические уравнения прямой в пространстве (вывод).
26. Параметрические уравнения прямой (вывод).
27. Условия параллельности и условие перпендикулярности прямых в пространстве.
28. Угол между прямой и плоскостью. Условие параллельности и условия перпендикулярности прямой и плоскости.
29. Точка пересечения прямой и плоскости (вывод)

Введение в математический анализ

30. Предел функции при $x \rightarrow +\infty$, $x \rightarrow -\infty$, $x \rightarrow x_0$.
31. Бесконечно малые функции. Ограниченные функции. Бесконечно большие функции и их связь с бесконечно малыми функциями
32. Основные теоремы о пределах.
33. Раскрытие неопределённостей вида $\frac{0}{0}$, $\frac{\infty}{\infty}$. Первый замечательный предел функции $y = \frac{\sin x}{x}$ при $x \rightarrow 0$.
34. Предел последовательности. Второй замечательный предел. Натуральные логарифмы.
35. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные функции. Непрерывность функции. Точки разрыва и их классификация. Свойства непрерывных функций.

Образец экзаменационного билета

ГРОЗНЕНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ НЕФТЯНОЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ АКАДЕМИКА М. Д. МИЛЛИОНЩИКОВА

Дисциплина: математика

Институт НЕФТИ И ГАЗА

специальность НГД семестр I

1. Решение систем линейных уравнений с n неизвестными методом Крамера.
2. Даны точки $A(4, -3, 5)$, $B(1, -1, 1)$, $C(2, -3, 7)$. Найти площадь треугольника ABC .
3. Даны точки на плоскости: $D(-1; 3)$, $K(4; -2)$. Составить общее уравнение прямой, проходящей через эти точки, привести его к виду уравнения в «отрезках».
4. Найти пределы $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^3 - 125}{x^3 - 2x^2 - 15x}$; $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 6x - \cos 10x}{tg^2 3x}$.

ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ВТОРОГО СЕМЕСТРА

Вопросы для коллоквиума (текущий контроль)

1-я аттестация

Дифференциальное исчисление функции одной переменной

1. Понятие производной функции, её механический и геометрический смысл.
2. Дифференциал функции и его геометрический смысл.
3. Производные основных элементарных функций.
4. Правила дифференцирования.
5. Производная сложной функции

6. Дифференцирование функций, заданных в параметрической и неявной форме
7. Теоремы Ферма, Роля, Лагранжа, Коши.
8. Теоремы Лопиталья. Раскрытие неопределенностей различных видов.
9. Необходимые и достаточные условия возрастания (убывания) функции.
10. Порядок исследования функции с помощью производной и построение её графика.

2-я аттестация

Функции нескольких переменных

11. Область определения, линии уровня функции двух переменных.
12. Предел и непрерывность функции двух переменных.
13. Частные производные. Полный дифференциал.
14. Экстремум функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в замкнутой области.
15. Производная по направлению. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
16. Метод наименьших квадратов для обработки экспериментальных данных.

Образцы контрольных работ для рубежных аттестаций

1-я аттестация

1. Найти производные данных функций: а) $y = \frac{5}{x^3} + \sqrt[7]{x^3} - 8x^4 - \ln 3$;

б) $y = \frac{\ln x}{x^2 - 9}$; в) $y = \sin(\ln x)$; г) $y = 7x^3 \cdot \cos 5x$; д) $y = \operatorname{tg}^2 3x$; е) $3x^2y - 2x = 5y^3$.

2. Вычислить пределы, применяя правило Лопиталья: а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 + 10x + 3}{3 - 5x^2 + 2x^3}$; б) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 7x}{x + \operatorname{tg}^2 x}$.

2-я аттестация

1. Найти промежутки монотонности и экстремумы функции:

$$y = x^3 - 3x - 2$$

2. Найти частное значение функции $z = f(x; y)$ в точке $M(x_0; y_0)$, если:

$$z = \log_2(x^2 - 4y), \quad M(4; 2).$$

3. Найти частные производные первого и второго порядка функции $z = f(x; y)$:

$$z = x^y - y^x.$$

Теоретические вопросы, вынесенные на экзамен

Дифференциальное исчисление функции одной переменной

1. Понятие производной функции, её механический и геометрический смысл.
2. Дифференциал функции и его геометрический смысл.
3. Производные основных элементарных функций.
4. Правила дифференцирования.
5. Производная сложной функции
6. Дифференцирование функций, заданных в параметрической и неявной форме
7. Теоремы Ферма, Роля, Лагранжа, Коши.
8. Теоремы Лопиталья. Раскрытие неопределенностей различных видов.
9. Необходимые и достаточные условия возрастания (убывания) функции.
10. Порядок исследования функции с помощью производной и построение её графика.

Функции нескольких переменных

11. Область определения, линии уровня функции двух переменных.
12. Предел и непрерывность функции двух переменных.
13. Частные производные. Полный дифференциал.
14. Экстремум функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в замкнутой области.
15. Производная по направлению. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
16. Метод наименьших квадратов для обработки экспериментальных данных.

Образец экзаменационного билета

ГРОЗНЕНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ НЕФТЯНОЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ АКАДЕМИКА М. Д. МИЛЛИОНЩИКОВА

Дисциплина: математика

Институт НЕФТИ И ГАЗА

специальность НГД

семестр II

1. Область определения, предел и непрерывность функции нескольких переменных.
2. Найти производные функций:

$$a) y = \frac{1}{\sqrt{x^3}} - \frac{2}{x^4} + \sqrt{7}x + \sqrt{7}; \quad б) y = \sin^9\left(\frac{x}{2}\right); \quad в) y = x^6 \ln x; \quad г) y = \frac{\operatorname{arctg} x}{x^2}.$$

3. Вычислить пределы, применяя правило Лопиталья:

$$a) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 + 10x + 3}{3 - 5x^2 + 2x^3}; \quad б) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 7x}{x + \operatorname{tg}^2 x}.$$

4. Найти интегралы:

$$a) \int \left(12x^5 + \sqrt[8]{x^3} - 6 + \frac{3}{x^5} \right) dx; \quad б) \int \frac{xdx}{\sqrt{9x^2 + 5}}; \quad в) \int_0^1 \operatorname{arctg} x \, dx; \quad г) \int_4^9 \frac{\sqrt{x} \, dx}{\sqrt{x-1}}; \quad д) \int \frac{dx}{x^2 - 5x + 6}.$$

ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТРЕТЬЕГО СЕМЕСТРА

Вопросы для коллоквиума (текущий контроль)

1-я аттестация

Интегральное исчисление функции одной переменной

1. Первообразная. Неопределенный интеграл, свойства. Таблица основных интегралов.
2. Интегрирование подведением под знак дифференциала.
3. Замена переменной в неопределенном интеграле.
4. Интегрирование по частям.
5. Интегрирование дробно-рациональной функции.
6. Интегрирование простейших тригонометрических функций.
7. Интегрирование иррациональных функций.
8. Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Простейшие свойства. Формула Ньютона-Лейбница.
9. Вычисление определенного интеграла с помощью замены переменной.

10. Вычисление определенного интеграла с помощью интегрирования по частям.

2-я аттестация

Дифференциальные уравнения

1. Дифференциальные уравнения: определение, порядок ДУ, решение ДУ.
2. Дифференциальное уравнение 1-го порядка: определение; общее и частное решения. Теорема существования и единственности решения для ДУ 1-го порядка.
3. ДУ с разделяющимися переменными: определение и порядок решения.
4. Однородные ДУ 1-го порядка: определение и порядок решения.
5. Линейные ДУ 1-го порядка: определение и порядок решения.
6. Дифференциальные уравнения 2-го порядка: определение, вид общего решения; теорема существования и единственности решения.
7. Простейшие уравнения, допускающие понижение порядка:
 $y'' = f(x)$, $y'' = f(x, y')$, $y'' = f(y, y')$.
8. Линейные однородные ДУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение и структура общего решения.
9. Линейные неоднородные ДУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.

Образцы контрольных работ для рубежных аттестаций

1-я аттестация

1. Найдите неопределенные интегралы: а) $\int (8 \cos x - \frac{2}{x} + \frac{3}{\cos^2 x} - 5^x + 4 \sqrt[5]{x^3}) dx$;

б) $\int \cos(8-3x) dx$; в) $\int \frac{5^x dx}{\sqrt{49-25^x}}$; з) $\int \sqrt[4]{(15+2 \cdot 3^x)^3} 3^x dx$; д) $\int \frac{(2x+3)dx}{\sqrt{x^2+4x-5}}$.

2. Вычислите определенный интеграл: а) $\int_0^{1/2} \left(\sqrt{6x+1} + \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} + e^{2x} \right) dx$; б) $\int_0^1 x e^{-2x} dx$.

2-я аттестация

Решить дифференциальные уравнения: а) $yy' = 1 + y^2$; б) $y' = \frac{y^2}{x^2} - 3\frac{y}{x} + 2$;

в) $y' + \frac{y}{x} = 3x$, $y(1) = 1$; г) $y'' = \frac{3}{x^3}$; д) $\operatorname{tg} x \cdot y'' = 2y'$, е) $y''y^3 + 64 = 0$, $y(0) = 4$, $y'(0) = 2$; ж)

$y'' - 4y' + 4y = -e^{2x}$.

Теоретические вопросы, вынесенные на экзамен

Интегральное исчисление функции одной переменной

1. Первообразная. Неопределенный интеграл, свойства. Таблица основных интегралов.
2. Интегрирование подведением под знак дифференциала.
3. Замена переменной в неопределенном интеграле.
4. Интегрирование по частям.
5. Интегрирование дробно-рациональной функции.
6. Интегрирование простейших тригонометрических функций.
7. Интегрирование иррациональных функций.

8. Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Простейшие свойства. Формула Ньютона-Лейбница.
9. Вычисление определенного интеграла с помощью замены переменной.
10. Вычисление определенного интеграла с помощью интегрирования по частям.
11. Несобственные интегралы. Признаки сходимости несобственных интегралов.
12. Приложение определенного интеграла: вычисление площадей плоских фигур.
13. Приложение определенного интеграла: вычисление длины дуги плоской кривой.
14. Приложение определенного интеграла: вычисление объема тела.

Дифференциальные уравнения

15. Дифференциальные уравнения: определение, порядок ДУ, решение ДУ.
16. Дифференциальное уравнение 1-го порядка: определение; общее и частное решения. Теорема существования и единственности решения для ДУ 1-го порядка.
17. ДУ с разделяющимися переменными: определение и порядок решения.
18. Однородные ДУ 1-го порядка: определение и порядок решения.
19. Линейные ДУ 1-го порядка: определение и порядок решения.
20. Дифференциальные уравнения 2-го порядка: определение, вид общего решения; теорема существования и единственности решения.
21. Простейшие уравнения, допускающие понижение порядка:
 $y'' = f(x)$, $y'' = f(x, y')$, $y'' = f(y, y')$.
22. Линейные ДУ 2-го порядка: неоднородные и однородные уравнения. Теорема существования и единственности решения
23. Линейные однородные ДУ 2-го порядка: теорема о структуре его решения
24. Неоднородные линейные ДУ 2-го порядка: теорема о структуре общего решения
25. Линейные однородные ДУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами.
 Характеристическое уравнение и структура общего решения
26. Линейные неоднородные ДУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью
27. Метод вариации произвольных постоянных (метод Лагранжа)
28. Системы дифференциальных уравнений. Метод исключения решения системы уравнений.

Образец экзаменационного билета

ГРОЗНЕНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ НЕФТЯНОЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
 ИМЕНИ АКАДЕМИКА М. Д. МИЛЛИОНЩИКОВА

Дисциплина: математика

Институт НЕФТИ И ГАЗА

специальность НГД

семестр III

1. Интегрирование по частям в определенном интеграле.
2. Вычислить интеграл: $\int_1^2 \frac{dx}{x^2 + 4x + 25}$.
3. Решить дифференциальные уравнения: 1). $(y-3)dx + 2xydy = 0$, 2). $y'' + 6y' + 9y = 0$.
4. Найти интегралы: $\int \cos(8+5x)dx$, $\int \frac{3dx}{(3x+5)(x-2)}$.

ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ЧЕТВЕРТОГО СЕМЕСТРА

Вопросы для коллоквиума (текущий контроль)

1-я аттестация

Ряды

1. Числовые ряды, сходимость и расходимость рядов. Необходимые условия сходимости, основные свойства.
2. Достаточные признаки сходимости знакопостоянных рядов: сравнение рядов.
3. Признак Даламбера, радикальный и интегральный признаки Коши.
4. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница.
5. Абсолютная и условная сходимость числовых рядов.
6. Функциональные ряды, область сходимости. Степенные ряды, теорема Абеля.
7. Интервал и радиус сходимости, их нахождение в простейших случаях.
8. Разложение функций в степенные ряды.

2-я аттестация

Основы теории вероятностей и математической статистики

1. Случайные события. Свойства вероятностей событий.
2. Элементы комбинаторики. Комбинации элементов.
3. Условные вероятности. Формула полной вероятности.
4. Формула Бернулли.
5. Дискретные случайные величины и их числовые характеристики.
6. Непрерывные случайные величины и их числовые характеристики.

Образцы контрольных работ для рубежных аттестаций

1-я аттестация

1. Вычислить а) $\iint_D x^2 y dx dy$, $3 \leq x \leq 6$, $0 \leq y \leq 2$,

б) $\iint_G x y dx dy$, $y = 0$, $y = 1 - x^2$.

2. Вычислить: $\iiint_V x y dx dy dz$; $x = 1$, $x = 2$, $y = -2$, $y = -1$, $z = 0$, $z = 1/2$.

2-я аттестация

1. Исследовать на сходимость ряды: $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{(n+1)!}$, $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{e}\right) \left(\frac{n+2}{n}\right)^{3n^2}$, $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)^2}$.

2. Случайная величина X задана функцией распределения $F(X)$:

$$F(X) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0, \\ \frac{x^2}{25} & \text{при } 0 \leq x < 5, \\ 1 & \text{при } x \geq 5. \end{cases}$$

Найти: а) плотность вероятностей $f(x)$; б) математическое ожидание $M(X)$.

Теоретические вопросы, вынесенные на экзамен

Ряды

1. Числовые ряды, сходимость и расходимость рядов. Необходимые условия сходимости, основные свойства.
2. Достаточные признаки сходимости знакопостоянных рядов: сравнение рядов.
3. Признак Даламбера, радикальный и интегральный признаки Коши.
4. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница.

5. Абсолютная и условная сходимость числовых рядов.
6. Функциональные ряды, область сходимости. Степенные ряды, теорема Абеля.
7. Интервал и радиус сходимости, их нахождение в простейших случаях.
8. Разложение функций в степенные ряды.

Кратные, криволинейные и поверхностные интеграл

9. Двойной интеграл. Основные понятия и определения.
10. Геометрический смысл двойного интеграла. Основные свойства двойного интеграла.
11. Вычисление двойного интеграла в декартовых и полярных координатах.
12. Тройной интеграл. Основные понятия и свойства тройного интеграла.
13. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах.

Основы теории вероятностей и математической статистики

14. Случайные события. Свойства вероятностей событий.
15. Элементы комбинаторики. Комбинации элементов.
16. Условные вероятности. Формула полной вероятности.
17. Формула Бернулли.
18. Дискретные случайные величины и их числовые характеристики.
19. Непрерывные случайные величины и их числовые характеристики

Образец экзаменационного билета

ГРОЗНЕНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ НЕФТЯНОЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ АКАДЕМИКА М. Д. МИЛЛИОНЩИКОВА

Дисциплина: математика

Институт НЕФТИ И ГАЗА

специальность НГД семестр IV

1. Числовые ряды, основные понятия. Необходимое условие сходимости.

2. Исследовать на сходимость ряды: 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{4n!}$, 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+1}{2n+3}\right)^n$, 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n^2+1}}$.

3. В ящике 8 деталей, 5 из которых – качественные. Наудачу извлекают 4 детали. Какова вероятность того, что 2 из них – качественные?

4. Случайная величина X дана функцией распределения $F(x)$:

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0 \\ \frac{x^2}{\pi^2} & \text{при } 0 < x \leq \pi \\ 1 & \text{при } x > \pi, \end{cases}$$

Найти: плотность вероятностей $f(x)$; математическое ожидание $M(X)$; дисперсию $D(X)$; среднее квадратическое отклонение $\sigma(X)$.

8. Методы организации обучения

Реализация компетентного подхода предусматривает использование в учебном процессе интерактивных форм проведения занятий. При изучении математики используются следующие методы интерактивного обучения: тесты, презентации с использованием различных вспомогательных средств: интерактивной доски, раздаточных материалов; задания на самостоятельную работу. Количество часов, выделяемых на проведение занятий в интерактивной форме, регламентируется соответствующим ФГОС ВПО и в целом в учебном процессе составляет 94 часов.

9. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература

1. **Абдулхамидов С. С.** Теория вероятностей и математическая статистика. Сборник задач. – Грозный, ИПЦ ГГНИ, 2011.
2. **Богомолов Н. В.** Практические занятия по математике: учебное пособие для бакалавров. – М.: Издательство Юрайт, 2013. – 495 с.
3. **Дацаева Л.Ш., Маташева Х.П.** Линейная алгебра: учеб.пособие. – Грозный: ИПЦ ГГНИ, 2010.
4. **Дацаева Л.Ш., Сосламбекова Л.С.** Дифференциальные уравнения–Грозный: ИПЦ ГГНИ, 2010.
5. **Малугин В. А.** Линейная алгебра: учеб. пособие. – М.: Рид Групп, 2011. – 464 с.
6. **Саидов А. А.** Краткий курс высшей математики, том.1, том 2. – Грозный, 2014.
7. **Саидов А. А.** Высшая математика. Числовые и функциональные ряды. Учебно - методическое пособие по изучению раздела. – Грозный, ИПЦ ГГНТУ, 2013.
8. **Сосламбекова Л.С.** Элементы теории функций комплексной переменной. Учебно-методическое пособие по изучению раздела и выполнению ИТР. – Грозный, ИПЦ ГГНТУ, 2014.
9. **Караказьян С.А.** Дифференциальное исчисление функции одной переменной [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Караказьян С.А., Пак Э.Е., Соловьёва О.В.— Электрон. текстовые данные—СПб.: Санкт-Петербургский государственный архитектурно-строительный университет, ЭБС АСВ, 2015.—99с.—Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/33307>.— ЭБС «IPRbooks», по паролю.

б) дополнительная литература

10. **Балдин К.Б.** Краткий курс высшей математики [Электронный ресурс]: учебник/ К.В. Балдин [и др.].— Электрон. текстовые данные.— М.: Дашков и К, 2015.— 512 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/14611>.— ЭБС «IPRbooks», по паролю.
11. **Маташева Х.П., Сосламбекова Л.С.** Сборник аттестационных заданий по курсу «Высшая математика». – Грозный, ИПЦ ГГНИ, 2009.
12. **Шилова З.В.** Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Шилова З.В., Шилов О.И.— Электрон. текстовые данные.— Саратов: Ай Пи Ар Букс, 2015.— 158 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/33863>.— ЭБС «IPRbooks», по паролю.
13. **Рябушко А.П.** [и др.] Индивидуальные задания по высшей математике. Часть 1. Линейная и векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функций одной переменной [Электронный ресурс]: учебное пособие.— Электрон. текстовые данные.— Минск: Вышэйшая школа, 2013.— 304 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/20266>.— ЭБС «IPRbooks», по паролю.
14. **Сосламбекова Л.С.** Ряды Фурье, учебно-методическое пособие по изучению раздела., – Грозный, ИПЦ ГГНИ, 2011.

Примечание. Указанные материалы имеются на кафедре и в читальном зале университета, а также на сайте кафедры, откуда студент может бесплатно скачать необходимый материал.

Интернет ресурсы

1. Сайт кафедры «Высшая и прикладная математика»: vm-ggntu.ru
2. [http:// www.iprbookshop.ru](http://www.iprbookshop.ru)
3. <http://e.lanbook.com>

10. Материально-техническое обеспечение дисциплины

За кафедрой «Высшая и прикладная математика» в главном учебном корпусе закреплены лекционная аудитория № 1-08, аудитории для проведения практических занятий №№ 2-08, 2-12, 2-27, 2-29, 2-31, 2-33, 2-35, 2-39, большинство из которых оснащено таблицами, графическим материалом, чертежами по линейной алгебре, элементам векторной алгебры, аналитической геометрии, дифференциальному исчислению функций одной переменной, интегральному исчислению; ауд. № 2-12 служит в качестве компьютерного класса, где установлены 12 компьютеров, которые используются для самостоятельной работы студентов; здесь же возможно использование контролирующих программ для приёма зачётов и экзаменов. На кафедре имеются интерактивная доска и диапроектор.

**ЛИСТ
согласования рабочей программы**

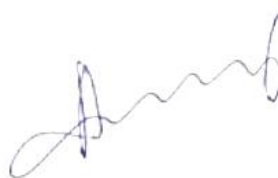
Составитель



Завриева М. С-Э.

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий кафедрой «Высшая и
Прикладная математика»



Гачаев А. М.

Заведующий кафедрой
«БРЭНГМ»



Халадов А.Ш.

Директор ДУМР



Магомаева М. А.